

چکیده

در این مقاله مساله برنامه ریزی چند سطحی از منظر سه بازیکن با رویکرد استاکلبرگ جهت آنالیز یک زنجیره تامین سه سطحی با رفتار بدون همکاری بررسی می شود که این زنجیره تامین از چندین تامین کننده، یک تولید کننده و چندین خرده فروش مستقل و متجانس تشکیل می شود و همگی درگیر تدارک، تولید و فروش یک نوع محصول در بازارهای مستقل و جدا از هم می باشند. این مساله ابتدا بصورت دو بازی استاکلبرگ دو سطحی و چند هدفه مدلسازی شده و سپس نتایج آنها بوسیله یک مدل یکپارچه سازی تلفیق می شود. از آنجائیکه این مدل های دو سطحی و چند هدفه جزو مدل های NP-Hard می باشند، یک الگوریتم ترکیبی متشکل از دو فاز برای بدست آوردن حل های استاکلبرگو متغیرهای تصمیم مرتبط با سیاست یکپارچه موجودی- تولید و قیمت در هر سه سطح پیشنهاد شده است. بعلاوه قابلیت اجرایی مدل پیشنهادی بوسیله یک مساله واقعی ارزیابی گردیده است. نهایتاً با آنالیز حساسیت بر روی پارامترهای مهم مدل تغییرپذیری جواب، نسبت به شرایط محیط بررسی گردید.

کلید واژه:

مدیریت زنجیره تامین، برنامه ریزی چند سطحی، بازی استاکلبرگ، سیاست موجودی و بازاریابی

مقدمه

تصمیم گیرندگان متعددی در اجرا و کنترل فعالیت های یک زنجیره تأمین درگیر می باشند که چنین ساختار شبکه ای از تصمیمات چندسطحی به صورت ریاضی می تواند به عنوان یک مسأله برنامه ریزی چند سطحی¹ در نظر گرفته شود. در این ساختار سلسله مراتبی² ابتدا موجودیت های سطح اول، توابع هدف مربوط به خود را بهینه نموده و متغیرهای تصمیم را تعیین می کنند. بعد از آن موجودیت های سطح دوم همین کار را بر پایه تصمیمات سطح قبل انجام می دهند و این فرآیند تا آخرین سطح از زنجیره ادامه می یابد. در این ساختار موجودیت های سطح بالاتر نقش رهبر را بازی می کنند و موجودیت های سطح دوم نقش دنباله رو را به عهده دارند. بطور همزمان موجودیت های سطح دوم نقش رهبر را برای موجودیت های سطح بعدی ایفا می کنند. این ساختار مرتبط با هم در سطوح بعدی نیز ادامه می یابد.

در این مقاله یک زنجیره تأمین سه سطحی در حالت بدون همکاری در نظر گرفته می شود که از چندین تأمین کننده، یک تولید کننده و چندین خرده فروش تشکیل می شود و تدارک، تولید، تحویل و فروش یک محصول را انجام می دهند. هر تأمین کننده در این زنجیره تأمین تنها یک نوع ماده اولیه را برای تولید کننده تأمین می نماید و تولید کننده نیز تنها یک

رویکرد یکپارچه در تنظیم

سیاست نگهداری و قیمت

گذاری کالا از طریق

برنامه ریزی

چند سطحی و چند هدفه

در شرایط بدون همکاری

دکتر سید غلامرضا جلالی نائینی
عضو هیات علمی دانشکده مهندسی صنایع
دانشگاه علم و صنعت ایران

محمود اقتصادی فرد
دانشجوی دکتری مهندسی صنایع دانشکده
مهندسی صنایع دانشگاه علم و صنعت
ایران

دکتر کامران شهبانقی
عضو هیات علمی دانشکده مهندسی صنایع
دانشگاه علم و صنعت ایران

دکتر ابراهیم تیموری
عضو هیات علمی دانشکده مهندسی صنایع
دانشگاه علم و صنعت ایران

نوع ماده اولیه را از هر تأمین کننده مطابق لیست مواد اولیه محصول نهایی خریداری می‌نماید و پس از تولید محصول نهایی آن را از طریق خرده فروشان در بازارهای جدا از هم و مستقل به فروش می‌رساند. همچنین فرض می‌شود که هیچ‌گونه رقابت و یا جابجایی کالا بین خرده فروشان وجود ندارد و نرخ تقاضا در هر بازار خرده‌فروشی تابع کاهشی و محدب از قیمت خرده فروشی در آن بازار است.

از آنجائیکه در بسیاری از موقعیت‌های واقعی، تولید کننده نقش رهبر را ایفا می‌کند، در این مسأله سناریویی در نظر گرفته می‌شود که تولید کننده رهبر بوده و خرده فروشان و تأمین کنندگان دنباله رو هستند. بنابراین در این مسأله با دو طرح رهبر - دنباله‌رو می‌باشیم: تولید کننده - خرده فروشان و تولید کننده - تأمین کنندگان. این سناریو به عنوان یک بازی استاکلبرگ در نظر گرفته می‌شود و این رویکرد برای مدل‌سازی زنجیره تأمین به صورت یک بازی استاکلبرگ سه سطحی و چند هدفه تطبیق داده می‌شود و برای حل مدل بازی استاکلبرگ چندهدفه و سه سطحی از حل دو مسأله دو سطحی چندهدفه که تولید کننده نقش رهبر را در هر دو مسأله دارد استفاده می‌شود. همچنین در این بخش، روشی برای تلفیق جواب‌های دو مسأله دو سطحی گفته شده برای بدست آوردن جواب مسأله سه سطحی پیشنهاد می‌شود. به علاوه شرایط افزایش و یا کاهش سود خالص موجودیت‌ها با تغییر پارامترهای مسأله بررسی می‌شود.

1. بررسی تحقیقات انجام شده

تحقیقات آغازین در مدل‌های یکپارچه از تصمیمات موجودی و سیاست‌های بازاریابی در زنجیره تأمین به Goyal [10] برمی‌گردد که در آن یک زنجیره تأمین ساده شامل یک فروشنده و یک خرده فروش مطالعه شده است و مدل مشترک اندازه اقتصادی سفارش³ (JELS) برای حداقل سازی مجموع هزینه‌ها توسعه داده شده است. Kohli et al. [13] سیاست سفارش دهی مشترک را بعنوان روشی برای کاهش هزینه‌های عملیاتی بین یک فروشنده و گروهی از خرده فروشان همگن بررسی کرده‌اند. در مدل آنها فرض شده است که کلیه محصولات را می‌توان در یک سفارش بصورت مشترک سفارش داد. Kim and Daesung [16] یک مدل هماهنگی فروشنده - خریدار را برای تسهیل تحویل‌های متعدد⁴ و با اندازه‌های کوچک در زنجیره تأمین تولید کننده توسعه داده است. Kelle et al. [15] مدل یکپارچه فروشنده - خریدار را در زنجیره تأمین با نگاه به اصول تولید به هنگام مورد تحلیل قرار داده است و در حالتی که نرخ تقاضای سالیانه و نرخ تولید ثابت باشد، میزان بهینه سفارشات و همچنین تعداد دفعات حمل تعیین گردیده است. Chang et al [3] شرایط هماهنگی تأمین کننده - خریدار از نقطه نظر هزینه‌ها بصورت یکپارچه در مسأله‌ای شامل یک تأمین کننده و چندین خریدار را بررسی کرده‌اند و نشان داده‌اند که تحویل‌های متعدد در اندازه‌های کوچک بیشتر از تحویل یکجا می‌تواند در کاهش هزینه‌ها موثر باشد. Esmaeili [7] یک رویکرد جدید را با در نظر گرفتن فاکتورهای موثر بازاریابی در JPLM برای افزایش سوددهی تولید کننده پیشنهاد کرده است. Chen et al. [4] یک مدل یکپارچه فروشنده - خریدار را برپایه دوره ثابت تأخیر در پرداختها بررسی کرده‌اند و برای تسهیم سود اضافه حاصله مابین طرفین استراتژیهای تغییر قیمتی متفاوتی را برای دستیابی به موقعیت برد-برد در نظر گرفته‌اند. Kotler [14] ارتباط بین مقدار اقتصادی سفارش (EOQ) و استراتژی‌های قیمت گذاری را روی دوره محدود زمانی مورد بحث قرارداد و



نشان داد که قیمت بر مقدار اقتصادی سفارش تاثیر مستقیم دارد. [21] Roslowet al. و [12] Huang et al. مساله انجام تبلیغات بصورت مشترک در زنجیره تامین را بررسی کردند و نشان دادند تحت این شرایط مدل موجودی - تولید دارای سودآوری بهتری می‌باشد. [5] Chen et al. در مقاله‌ای به بررسی هماهنگی فروشنده و خریدار و توسعه مدل یکپارچه پرداخته‌اند و موضوع کیفیت معیوب کالا را نیز در نظر گرفته‌اند در این راستا در مقاله موضوع هزینه‌های گارانتی و ضمانت نیز برای جبران زیان‌های خریدار بررسی شده است.

[19] Monahan زنجیره تامین شامل یک فروشنده و یک خریدار با میزان تقاضای ثابت و تخفیف قیمتی بر پایه میزان سفارش اقتصادی را با استفاده از ساختار بازی استاکلبرگ بررسی کرده است. همچنین [17] Lal et al. یک مدل فروشنده با چندین خریدار همگن را بر پایه سیاست تخفیف کلی با استفاده از بازی استاکلبرگ توسعه دادند. در همین راستا مقالات متعددی از بازی استاکلبرگ برای بحث در مساله‌های مشابه استفاده نمودند [2], [20], [24], [22], [1], [23] Wang et al., [6] Chu et al., [8], [9], [25] Yugang et al., [18] Leng and Parlar. کارهای تحقیقاتی که در فوق مرور گردید در نگاه کلی در دو بخش مرتبط با هم قابل دسته‌بندی می‌باشند. بخش اول بر سیستم‌های یکپارچه موجودی - تولید شامل یک فروشنده و یک خریدار و یا یک فروشنده و چندین خریدار تمرکز داشته و عمده مقالات، تقاضا را به شکل ثابت در نظر گرفته‌اند و در برخی از مقالات تقاضا به صورت احتمالی نیز دیده شده است در برخی مقالات علاوه بر این متغیرها، سطح بهینه زمان انتظار، نقطه سفارش مجدد، نیز مدنظر بوده است. علاوه بر این، برخی مقالات در این بخش به جنبه‌های بازاریابی و رشد بازار از طریق اعمال استراتژیهای قیمت‌گذاری، تبلیغات و سیاست‌های پولی در مدل یکپارچه موجودی - تولید خریدار و فروشنده پرداخته‌اند. در بخش دوم مقالات مرتبط با تئوری بازی‌ها و موجودی در زنجیره تامین بطور عمده به بهبود سود (هزینه) کل زنجیره و همچنین بهبود سود (هزینه) هریک از موجودیت‌های یک زنجیره دو سطحی متشکل از یک فروشنده و یک خرده‌فروش پرداخته‌اند. مرور ادبیات نشان می‌دهد که تحلیل زنجیره تامین چند سطحی در یک ساختار سلسله‌مراتبی با رویکرد تئوری بازیها کمتر پرداخته شده است، بویژه زمانی که مساله دارای ویژگی غیرخطی در محدودیت‌ها یا تابع هدف و یا هر دو باشد.

2. فرض‌ها، پارامترها و متغیرهای مساله

1.2. فرض‌های مساله

- 1.1. مساله مورد بررسی شامل یک زنجیره تامین سه سطحی متشکل از چندین خرده‌فروش متجانس، یک تولیدکننده و چندین تامین‌کننده می‌باشد.
- 1.2. تامین‌کنندگان، تولیدکننده و خرده‌فروشان تدارک و تولید یک نوع محصول را با نرخ تولید ثابت انجام می‌دهند.
- 1.2.3. خرده‌فروشان مستقل از یکدیگر بوده و در بازارهای جدا از هم فعالیت می‌کنند.
- 1.2.4. هر تامین‌کننده یک نوع مواد اولیه را برای تولیدکننده فراهم می‌نماید و تولیدکننده یک نوع مواد اولیه را از یک تامین‌کننده خریداری می‌نماید.



- 2.1.5. تقاضا رسیده به هر خرده فروش یک تابع کاهشی و محدب می باشد که با تغییرات قیمت خرده فروشی تغییر می کند.
- 2.1.6. فرض می شود که موجودیت های زنجیره در حالت سوددهی فعالیت می نمایند.

2.2. پارامترهای مساله

$i=1,2,\dots,R$	شاخص مربوط به خرده فروشان	i
$z=1,2,\dots,S$	شاخص مربوط به تأمین کنندگان	z
	هزینه تولید هر واحد محصول (واحد کالا / واحد پولی).	C_m
	هزینه تدارک و تأمین مربوط به تأمین کننده z شامل هزینه های خرید، سفارش و حمل و نقل (واحد کالا / واحد پولی).	C_{sj}
	هزینه خرید مواد اولیه تولید به ازای هر واحد محصول نهایی مطابق با داده های قبلی	C_S
	هزینه نگهداری هر واحد محصول که بوسیله خرده فروش i پرداخت می شود (دوره زمانی / واحد کالا / واحد پولی).	H_{ri}
	هزینه نگهداری هر واحد مواد اولیه/محصول که بوسیله تولید کننده پرداخت می شود. (دوره زمانی / واحد کالا/ واحد پولی).	H_{mj}
	هزینه نگهداری هر واحد مواد اولیه که بوسیله تأمین کننده z پرداخت می شود (دوره زمانی / واحد کالا / واحد پولی).	H_{zj}
	ضریب مصرف ماده اولیه z که برای تولید یک واحد محصول نهایی مورد نیاز می باشد.	α_z
	متوسط هزینه سفارش دهی خرده فروش i به ازای هر واحد محصول (واحد کالا/ واحد پولی).	A_{ri}
	متوسط هزینه راه اندازی تولید کننده به ازای هر واحد محصول (واحد کالا/ واحد پولی).	A_{mj}
	متوسط هزینه سفارش دهی تأمین کننده z به ازای هر واحد (واحد کالا/ واحد پولی).	A_{zj}
	متوسط هزینه سفارش دهی تولید کننده برای هر واحد مواد اولیه مطابق داده های قبلی	A_z
	تقاضای خرده فروش i که بصورت تابعی از P_{ri}	$D_{ri}=f(P_{ri})$
	حداقل اندازه سفارش مجاز در هر سفارش تولید کننده	τ_m
	مازاد (کمبود) موجودی مجاز برای خرده فروش i در پایان دوره	$\phi_{ri}(\phi'_{ri})$
	مازاد (کمبود) موجودی مجاز برای تولید کننده در پایان دوره	$\phi_{mj}(\phi'_{mj})$
	مازاد (کمبود) موجودی مجاز برای تأمین کننده z در پایان دوره	$\phi_{zj}(\phi'_{zj})$
	درصد پرداخت اضافه (از قیمت عمده فروشی) که توسط خرده فروش i برای تولید میزان کمبود موجودی پرداخت می شود.	S_{ri}
	درصد کاهش قیمت خرده فروش i برای فروش موجودی اضافه در پایان دوره.	AP_{ri}
	هزینه کمبود تولید کننده به ازای هر واحد کالا (واحد کالا/ واحد پولی).	S_{mj}
	هزینه کمبود تأمین کننده z به ازای هر واحد (واحد کالا/ واحد پولی).	S_{zj}
	سطح بالا (پایین) تفرانس قیمت عمده فروشی.	$TP_{mi}(TP_{ri})$
	سطح بالا (پایین) تفرانس اندازه سفارش تولید کننده.	$TY_{mi}(TY_{mj})$



3.2. متغیرها

P_{ri}	قیمت خرده‌فروشی که کالا توسط خرده‌فروش i به مشتری فروخته می‌شود (واحد کالا/ واحد پولی).
P_m	قیمت عمده‌فروشی که کالا توسط تولیدکننده به خرده‌فروشان فروخته می‌شود (واحد کالا/ واحد پولی).
P_{sj}	قیمت ماده اولیه j که توسط تأمین‌کننده j به تولیدکننده اعمال می‌شود (واحد کالا/ واحد پولی).
n_{ri}	تعداد دفعات سفارش دهی خرده‌فروش i که مضرب عدد صحیح می‌باشد.
n_m	تعداد دفعات سفارش دهی تولیدکننده که مضرب عدد صحیح می‌باشد.
n_{sj}	تعداد دفعات سفارش دهی تأمین‌کننده که مضرب عدد صحیح می‌باشد.
Q_{ri}	اندازه سفارش محصول مربوط به خرده‌فروش i (واحد کالا).
Q_m	اندازه سفارش تولید مربوط به تولیدکننده (واحد کالا).
Q_{sj}	اندازه سفارش ماده اولیه j مربوط به تأمین‌کننده j (واحد کالا).
Y_{ri}	اندازه سفارش کل مربوط به خرده‌فروشی i در کل دوره (واحد کالا).
Y_m	اندازه سفارش کل مربوط به تولیدکننده در کل دوره (واحد کالا).
Y_{sj}	اندازه سفارش تولید کل ماده اولیه j ماده مربوط به تأمین‌کننده j در کل دوره (واحد کالا).
T_{ri}	در صورت وقوع کمبود برای خرده‌فروش i برابر با یک و در غیر اینصورت برابر با صفر.
T_m	در صورت وقوع کمبود برای تولیدکننده برابر با یک و در غیر اینصورت برابر با صفر.
T_{sj}	در صورت وقوع کمبود برای تأمین‌کننده j برابر با یک و در غیر اینصورت برابر با صفر.

3. مدل‌سازی و الگوریتم حل مسأله

به منظور ساده‌سازی در فرمول‌سازی مدل تابع تقاضا بصورت کلی با D_{ri} نشان داده شده و بعد از توسعه مدل و روش حل، تابع تقاضا با یک تابع کوادراتیک تقاضا (که یک تابع کاهشی و محدب می‌باشد) تخمین زده می‌شود.

3.1. مدل‌های بازی استاکلبرگ دو سطحی و چند هدفه

در این سناریو تولیدکننده - خرده‌فروشان و تولیدکننده - تأمین‌کنندگان دو مجموعه رهبر - دنباله‌رو را تشکیل می‌دهند و هیچ‌گونه ارتباط مستقیمی بین خرده‌فروشان و تأمین‌کنندگان وجود ندارد. در اینجا این مدل را بنام مدل MR/MS نامگذاری می‌نماییم و از آنجائیکه در این سناریو تولیدکننده نقش رهبر را برای خرده‌فروشان و تأمین‌کنندگان ایفا می‌کند، بنابراین حل این مسأله از طریق تفکیک آن به دو مسأله دو سطحی مجزا بررسی می‌شود. جواب نهایی سناریوی MR/MS نیز از حل یک مسأله تلفیق با در نظر گرفتن جواب‌های دو مسأله دو سطحی فوق بدست خواهد آمد.

برای ساده‌سازی مدل و اجتناب از حالت غیرخطی⁵ در محدودیت‌ها، جایگزینی‌های $Y_m = n_m Q_m$ ، $Y_{ri} = n_{ri} Q_{ri}$ و $Y_{sj} = n_{sj} Q_{sj}$ را انجام می‌دهیم که با این تغییر متغیرها، همه محدودیت‌ها در هر سه سطح خطی و محدب خواهند شد.



2.3. مدل دو سطحی MR

در این مدل تولید کننده نقش رهبر را ایفا می کند و خرده فروشان بعنوان سطح دوم نقش دنباله رو را دارند. مدل دو سطحی MR بصورت زیر می باشد:

[1st level]

1.2.3. اولین سطح مدل MR

$$\begin{aligned} \text{Max } NP_m = & \left[\left(\sum_{i=1}^R y_{ri} p_m \right) (1 - T_m) + (y_m p_m) T_m \right] \\ & - \left[C_s y_m + A_M y_m + A_S y_m \sum_{j=1}^s (\alpha_j) + C_m y_m + \left(\frac{H_m}{2} \right) y_m + S_m T_m \left(\sum_{i=1}^R y_{ri} - y_m \right) \right] \quad (1) \end{aligned}$$

Subject To:

$$P_m - C_s \geq H_m + A_M + A_S \sum_{j=1}^s (\alpha_j) + S_m T_m \quad (2)$$

$$y_m - \sum_{i=1}^R y_{ri} \leq \varphi_m \quad (3)$$

$$y_m - \sum_{i=1}^R y_{ri} \geq -\varphi'_m \quad (4)$$

$$y_m - \sum_{i=1}^R y_{ri} \geq -MT_m \quad (5)$$

$$y_m - \sum_{i=1}^R y_{ri} \leq M(1 - T_m) \quad (6)$$

Variables: $p_m \geq 0$, $y_m \geq 0$ and $T_m \in \{0,1\}$.

[2nd level]

2.2.3. دومین سطح مدل MR

$$\begin{aligned} \text{Max } NP_{ri} = & [(D_{ri} p_{ri}) + (y_{ri} - D_{ri})(1 - AP_{ri}) P_{ri}] (1 - T_{ri}) \\ & + [(y_{ri} p_{ri}) + (D_{ri} - y_{ri}) p_{ri}] T_{ri} - [y_{ri} p_m + A_{ri} y_{ri} + \frac{H_{ri}}{2} y_{ri} + (1 + S_{ri})(D_{ri} - y_{ri}) p_m] T_{ri} \quad (7) \end{aligned}$$

Subject To:

$$p_{ri} + p_{ri} AP_{ri} (1 - T_{ri}) \geq p_m + H_{ri} + A_{ri} + p_m S_{ri} T_{ri} \quad (8)$$

$$y_{ri} - D_{ri} \leq \varphi_{ri} \quad (9)$$

$$y_{ri} - D_{ri} \geq -\varphi'_{ri} \quad (10)$$

$$y_{ri} - D_{ri} \geq -MT_{ri} \quad (11)$$

$$y_{ri} - D_{ri} \leq M(1 - T_{ri}) \quad (12)$$

$$D_{ri} \leq f(p_{ri}) \quad i = 1, \dots, R \quad (13)$$

Variables: $p_{ri} \geq 0$, $y_{ri} \geq 0$, and $T_{ri} \in \{0,1\}$ $i = 1, \dots, R$



نکته: مقادیر بهینه متغیرهای خرده فروش i در مدل فوق را با p_{ri}^* و y_{ri}^* نشان دهید.

3.3. مدل دو سطحی MS

در این مدل تولید کننده نقش رهبر را ایفا می‌کند و تامین کنندگان بعنوان سطح دوم نقش دنباله رو را دارند. مدل دو سطحی MS بصورت زیر می‌باشد:

[1st level]

3.3.1. اولین سطح مدل MS

$$\begin{aligned} \text{Max } NP_m = & \left[\left(\sum_{i=1}^R y_{ri} p_m \right) (1 - T_m) + (y_m p_m) T_m \right] \\ & - \left[y_m \left(\sum_{j=1}^S \alpha_j p_{sj} \right) + A_m y_m + \sum_{j=1}^S (A_{sj} \alpha_j y_{sj}) + C_m y_m + \left(\frac{H_m}{2} \right) y_m + S_m T_m \left(\sum_{i=1}^R y_{ri} - y_m \right) \right] \end{aligned} \quad (14)$$

Subject To:

$$Pm - \sum_{j=1}^S \alpha_j p_{sj} \geq H_m + A_m + \sum_{j=1}^S (\alpha_j A_{sj}) + S_m T_m \quad (15)$$

$$y_m - \sum_{i=1}^R y_{ri} \leq \varphi_m \quad (16)$$

$$y_m - \sum_{i=1}^R y_{ri} \geq -\varphi'_m \quad (17)$$

$$y_m - \sum_{i=1}^R y_{ri} \geq -MT_m \quad (18)$$

$$y_m - \sum_{i=1}^R y_{ri} \leq M(1 - T_m) \quad (19)$$

$$p_{ri} = p_{ri}^* \quad (20)$$

$$y_{ri} = y_{ri}^* \quad (21)$$

Variables: $p_m \geq 0$, $y_m \geq 0$ and $T_m \in \{0,1\}$.

[2nd level]

3.3.2. دومین سطح مدل MS

$$\text{Max } NP_{sj} = [(\alpha_j y_m p_{sj})(1 - T_{sj}) + (\alpha_j y_{sj} p_{sj}) T_{sj}] - \left[C_{sj} y_{sj} + \left(\frac{H_{sj}}{2} \right) y_{sj} + S_{sj} T_{sj} (\alpha_j y_m - \alpha_j y_{sj}) \right] \quad (22)$$

Subject To:

$$p_{sj} \geq H_{sj} + C_{sj} + S_{sj} T_{sj} \quad (23)$$

$$y_{sj} - \alpha_j y_m \leq \varphi_{sj} \quad (24)$$

$$y_{sj} - \alpha_j y_m \geq -\varphi'_{sj} \quad (25)$$

$$y_{sj} - \alpha_j y_m \geq -MT_{sj} \quad (26)$$

$$y_{sj} - \alpha_j y_m \leq M(1 - T_{sj}) \quad j = 1, \dots, S \quad (27)$$

Variables: $p_{sj} \geq 0$, $y_{sj} \geq 0$ and $T_{sj} \in \{0,1\}$ $j = 1, \dots, S$



4.3. مدل یکپارچه سازی

از آنجائیکه هیچ ارتباط مستقیمی بین خرده فروشان و تامین کنندگان وجود ندارد، نتایج بدست آمده از مدل های MR و MS با تعریف یک مساله دو سطحی دیگر و در نظر گرفتن محدودیت [28] یکپارچه می گردد:

$$NP_m \geq \text{Min}\{NP_m^{1*}, NP_m^{2*}\} \quad (28)$$

نکته: NP_m^{1*} و NP_m^{2*} به ترتیب جواب های بهینه مدل های MR و MS برای تابع هدف تولید کننده می باشند.

نکته: در الگوریتم [21] Osman حد پایین تابع هدف تولید کننده را با $\text{Min}\{NP_m^{1*}, NP_m^{2*}\}$ جایگزین می کنیم. لذا لحاظ محدودیت [28] بصورت مستقیم در مساله یکپارچه سازی ضرورت ندارد.

نکته: از آنجائیکه در مدل یکپارچه سازی همه موجودیت ها در یک مدل یکپارچه سازی کلی در نظر گرفته می شوند، لذا C_s و هزینه سفارش دهی تولید با عبارت های زیر جایگزین می شوند:

$$(C_s = (\sum_{j=1}^S \alpha_j p_{sj}), \text{ manufacturer's ordering cost} = A_m n_m Q_m + \sum_{j=1}^S (A_{sj} n_{sj} Q_{sj}))$$

[1st level]

$$\text{Max } NP_m \quad (29)$$

[2nd level]

$$\text{Max } NP_{ri} \quad i = 1, \dots, m \quad (30)$$

$$\text{Max } NP_{sj} \quad j = 1, \dots, n \quad (31)$$

Subject to:

All constraints

5.3. حل مدل

برای حل مدل فوق از یک الگوریتم ترکیبی دو سطحی استفاده شده است. در فاز اول الگوریتم، برای بدست آوردن حل بهینه استاکلبرگ مسائل دو سطحی و چندهدفه از الگوریتم توسعه داده شده توسط Osman [21] استفاده می شود و سپس در فاز دوم یک الگوریتم جستجوی ابتکاری برای پیدا کردن مناسب ترین مقادیر اندازه سفارش و تعداد دفعات سفارش دهی بر پایه حل استاکلبرگ بدست آمده در فاز قبل، توسعه داده می شود. در فاز دوم بر پایه مقادیر بدست آمده در

فاز 1 برای اندازه سفارش کل، تعداد سیکل های سفارش دهی و اندازه سفارش برای هر موجودیت در هر سه سطح مطابق با قدم های زیر بدست می آید:

قدم 1: با توجه به τ_m دامنه تغییرات n_m را مشخص نمایید. $(\text{Min}(n_m)=1)$ و $\text{Max}(n_m) = \left\lceil \frac{y_m}{\tau_m} \right\rceil$

قدم 2: به ازای مقادیر n_m از دامنه فوق مقادیر Q_m را محاسبه نمایید. $(Q_m = \frac{Y_m}{n_m})$



قدم 3: مقادیر $(n_m$ و Q_m) بدست آمده در قدم‌های 1 و 2 را به تولید کننده به عنوان رهبر ارائه نمایید تا مناسب‌ترین مقادیر را از بین آنها انتخاب نماید. این مقادیر را با n_m^* و اندازه سفارش مرتبط با آن را با Q_m^* نشان دهید. (لازم به ذکر است که به ازای هر مقدار Q_m و n_m تابع سود خالص تولید کننده یکسان است).

قدم 4: n_{ri} را برابر n_m^* قرار دهید و Q_{ri} را بدست آورید. $(Q_{ri} = \frac{Y_{ri}}{n_{ri}})$. این مقادیر را با n_{ri}^* و Q_{ri}^* نشان دهید.

قدم 5: n_{sj} را برابر n_m^* قرار دهید و Q_{sj} را بدست آورید. $(Q_{sj} = \frac{Y_{sj}}{n_{sj}})$. این مقادیر را با n_{sj}^* و Q_{sj}^* نشان دهید.

4. مطالعه موردی

مطالعه موردی شامل یک زنجیره تأمین متشکل از دو تأمین کننده، یک تولید کننده و دو خرده فروش می‌باشند. تولید کننده دو نوع ماده اولیه را از دو تأمین کننده خریداری نموده و سپس تولید کننده با بکارگیری مواد اولیه یک نوع محصول را تولید و از طریق دو خرده فروش در بازار توزیع می‌نماید. پارامترهای ورودی مدل بر پایه مطالعه موردی به صورت زیر خواهند بود:

$$C_m = 120, C_{s1} = 450, C_{s2} = 900, C_s = 1350, H_{r1} = 6.5, H_{r2} = 6.2, H_m = 4.5, H_{s1} = 3.7, H_{s2} = 3.2, \alpha_1 = 1, \\ \alpha_2 = 1, A_{r1} = 13.5, A_m = 32, A_{sj} = 40, A_s = 40, \tau_m = 1500, \varphi_{r1} = 30, \varphi'_{r1} = 30, \varphi_{r2} = 60, \varphi'_{r2} = 60, \varphi_m = 30, \\ \varphi'_m = 30, \varphi_{s1} = 20, \varphi'_{s1} = 20, \varphi_{s2} = 15, \varphi'_{s2} = 15, S_{r1} = 0.1, S_{r2} = 0.1, S_m = 37, S_{s1} = 42, S_{s2} = 53, AP_{r1} = 0.3, \\ AP_{r2} = 0.3, TP_{mh} = 50, TP_{m1} = 20, TY_{mh} = 1000, TY_{m1} = 1000$$

مطابق مفروضات مدل، تقاضای محصول رسیده به هر خرده فروش یک تابع کاهشی و محدب بوده که با توجه به مقادیر خرده فروشی تغییر می‌نماید. بنابراین ارتباط بین تقاضا و قیمت خرده فروشی در 44 دوره گذشته برای هر یک از خرده فروشان بررسی شده و یک تابع تقاضای کوادراتیک بر مبنای آن تخمین زده شده است:

$$D_{r1} = -0,004264 P_{r1}^2 + 4,370426 P_{r1} + 30666,55$$

$$D_{r2} = -0,005244 P_{r2}^2 + 8,201877 P_{r2} + 28198,725$$

کلیه واحدهای پولی برحسب دلار می‌باشند.

5. حل مساله و آنالیز حساسیت

1.5. فاز اول

نتایج مربوط به مدل یکپارچه در جدول 1 نشان داده شده است. از آنجائیکه در این مساله تولید کننده نقش رهبر را به عهده دارد، سود خالص تولید کننده (NP_m) از سود خالص سایر موجودیت‌های مساله بزرگتر می‌باشد: $57/32\%$ از سود خالص کل زنجیره⁶ (TNP) متعلق به تولید کننده می‌باشد (جدول 2 را ملاحظه نمایید). همچنین با مطالعه نتایج به دست آمده در جدول 1 ملاحظه می‌گردد خرده فروشان و تأمین کنندگان در حالت مازاد قرار دارند که نشان می‌دهد تولید کننده به عنوان رهبر بر روی استراتژی انتخاب شده در مدل چند سطحی توسط خرده فروشان و تأمین کنندگان تأثیر می‌گذارد. زیرا تولید کننده بسته به مقدار پارامترهای AP_{r1} و AP_{r2} تمایل دارد میزان تولید محصول نهایی که تولید و به مشتریان عرضه می‌شود، افزایش یابد. بنابراین تولید کننده از موجودیت‌های دنباله‌رو می‌خواهد که حالت مازاد را حفظ کنند.

پارامترهای مرتبط با بازار تأثیر معنی‌داری بر روی سودخالص و دیگر متغیرهای مرتبط با خرده فروشان، تولید کننده و تأمین کنندگان در هر سه سطح مدل پیشنهاد شده دارند. به همین دلیل مقدار این پارامترها در مدل چندسطحی بر استراتژی انتخاب شده توسط تولید کننده (به عنوان رهبر) تأثیر دارند. جدول 3 نتایج مدل را به ازای مقادیر مختلف AP_{r1} و AP_{r2} نشان می‌دهد.

2.5. فاز دوم

مطابق با الگوریتم فاز دوم ارائه شد و با فرض مقدار $\tau_m = 1500$ ، ابتدا تولید کننده یک عدد صحیح برای n_m بین (20 و 1) انتخاب می‌کند. در این مثال موردی، تولید کننده $n_m^* = 8$ را انتخاب کرده‌است. با در نظر گرفتن مقادیر n_{ri}^* و n_{sj}^* برابر با n_m^* ، مقادیر Q_{ri}^* و Q_{sj}^* مربوط به آنها محاسبه می‌شود. جدول 4 آنالیز حساسیت مقادیر اندازه سفارش و تعداد سیکل‌های سفارش‌دهی را در سه سطح زنجیره تأمین با توجه به سایر مقادیر n_m نشان می‌دهد.

نتیجه‌گیری

در این بخش رفتار یک زنجیره تأمین سه سطحی متشکل از چندین تأمین کننده، یک تولید کننده و چندین خرده فروش متجانس و مستقل مطالعه شده است و سود خالص موجودیت‌های زنجیره تأمین با سناریوی رهبر - دنباله‌رو برای تولید کننده - خرده فروشان و تولید کننده - تأمین کنندگان بدون وجود ارتباط مستقیم بین خرده فروشان و تأمین کنندگان حداکثر شده است. این نظریه ابتدائاً به صورت دو بازی استاکلبرگ دو سطحی چندهدفه (مدل‌های MR و MS) مدلسازی شده و سپس نتایج مدل‌های MR و MS از طریق یک مدل دو سطحی دیگر یکپارچه شده است. از آنجائیکه این مدل‌های دو سطحی و چندهدفه جزو مسائل NP سخت⁷ می‌باشند، حل‌های استاکلبرگ با استفاده از یک الگوریتم ترکیبی مشتمل بر دو فاز بدست می‌آید. با استفاده از الگوریتم ترکیبی پیشنهاد شده در این بخش، سیاست‌های موجودی، تولید و



قیمت‌گذاری محصول به صورت همزمان تعیین شده است و آنالیز حساسیت جواب‌های مسأله نیز با استفاده از یک مطالعه موردی انجام گردیده است.

چندین زمینه برای توسعه تحقیقات در این حوزه می‌تواند پیشنهاد شود. مطالعه بیشتری می‌تواند بر روی مدل یکپارچه‌سازی نسبت به روش پیشنهاد شده در این بخش انجام شده و نتایج آن با نتایج بدست آمده در این بخش مقایسه شود. در صورتی که حداکثر سود خالص بدست آمده (در کل زنجیره تأمین و موجودیت‌های آن) کمتر از روش‌های جدید پیشنهاد شده بود، بهبود در طراحی و واقعی شدن مدل اتفاق افتاده است. به علاوه حالت‌های همکاری و نیمه همکاری می‌تواند در محاسبه سود خالص و تسهیم هزینه‌ها استفاده شود. همچنین توسعه مدل می‌تواند در حالتی که اطلاعات ناکامل بوده و چانه‌زنی وجود دارد مطالعه شود. نهایتاً مطالعه مدل می‌تواند با در نظر گرفتن سیاست‌های بازاریابی مانند هزینه‌های بازاریابی و تبلیغات در مدل بازی استاک‌برگ توسعه یابد.



جدول 1- نتایج حل مدل INP با داده های مثال مینا

NP_m	15,819,621.39
NP_{r1}	620,540.71
NP_{r2}	662,112.48
NP_{s1}	6,145,135.70
NP_{s2}	4,350,858.50
P_{r1}	2521.7
P_{r2}	2522.455
P_m	2461.412
P_{s1}	655.4171
P_{s2}	1045.623
y_{r1}	14600.37
y_{r2}	15579.1
y_m	30209.47
y_{s1}	30219.47
y_{s2}	30209.47
D_{r1}	14570.37
D_{r2}	15519.1

جدول 3- آنالیز حساسیت مدل استاکلبرگ سه سطحی و چند هدفه با توجه به مقادیر AP_{r1} و AP_{r2}

	0.30	0.4	0.6
AP_{r1}	0.30	0.4	0.6
AP_{r2}	0.30	0.4	0.6
NP_m	16,242,001.54	15,829,254.09	15,676,294.86
NP_{r1}	619,893.19	620,284.95	620,041.28
NP_{r2}	661,083.18	661,332.83	661,073.20
NP_{s1}	4,291,999.77	1,444,659.83	1,333,128.46
NP_{s2}	5,764,401.92	9,006,928.99	9,270,388.41
P_{r1}	2,521.9	2,521.6	2,521.9
P_{r2}	2,523.1	2,521.4	2,521.7
P_m	2,461.2	2,462.3	2,462.6
P_{s1}	594.0	499.9	496.2
P_{s2}	1,092.5	1,200.4	1,209.5
y_{r1}	14596.37	14572.31	14567.27
y_{r2}	15566.47	15537.74	15532.37
y_m	30192.84	30140.04	30129.64
y_{s1}	30192.84	30150.04	30109.64
y_{s2}	30192.84	30140.04	30114.64
D_{r1}	14566.37	14572.31	14567.27
D_{r2}	15506.47	15537.74	15532.37

جدول 4- آنالیز حساسیت اندازه سفارش و تعداد دفعات سفارش دهی در سه سطح با توجه به

$$AP_{r2} = 0.2 \text{ و } \tau_m = 1500 \text{ و } AP_{r1} = 0.2 \text{ مقادیر}$$

	1	2	...	7	8	9	10	...	19	20
n_m	1	2	...	7	8	9	10	...	19	20
Q_m	30209.5	15104.7	...	4315.6	3776.2	3356.6	3020.9	...	1590.0	1510.5
n_{r1}	1	2	...	7	8	9	10	...	19	20
n_{r2}	1	2	...	7	8	9	10	...	19	20
Q_{r1}	14600.4	7300.2	...	2085.8	1825.0	1622.3	1460.0	...	768.4	730.0
Q_{r2}	15579.1	7789.6	...	2225.6	1947.4	1731.0	1557.9	...	820.0	779.0
n_{s1}	1	2	...	7	8	9	10	...	19	20
n_{s2}	1	2	...	7	8	9	10	...	19	20
Q_{s1}	30219.5	15109.7	...	4317.1	3777.4	3357.7	3021.9	...	1590.5	1511.0
Q_{s2}	30209.5	15104.7	...	4315.6	3776.2	3356.6	3020.9	...	1590.0	1510.5

جدول 2- مقادیر TNP , TNP_r , TNP_s و TNP_m مربوط به مدل INP با داده های مثال مینا

TNP	27,598,268.78
TNP_m	15,819,621.39
TNP_r	1,282,653.19
TNP_s	10,495,994.20



منابع

- [۱] Abad, Prakash L., Jaggi, C.K., ۲۰۰۳. Joint approach for setting unit price and the length of the credit period for a seller when end demand is price sensitive. *International Journal of Production Economics* ۸۳, ۱۱۵-۱۲۲.
- [۲] Cachon, G., Netessine, S., ۲۰۰۴. Game theory in supply chain analysis. In: Simchi-Levi, D., Wu, S.D., Shen, M. (Eds.), *Handbook of Supply Chain Analysis in the E-Business Era*. Kluwer Academic Publishers, USA.
- [۳] Ching-Ter Chang, Chei-Chang Chiou, Yi-Shin Liao, Shu-Chin Chang, ۲۰۰۸. An exact policy for enhancing buyer-supplier linkage in supply chain system. *Int. J. Production Economics* ۱۱۳, ۴۷۰-۴۷۹.
- [۴] Chen L.H., Fu-SenKang, ۲۰۰۹. Coordination between vendor and buyer considering trade credit and items of imperfect quality. *Int. J. of Production Economics*.
- [۵] Chen L.H., Fu-Sen Kang, ۲۰۱۰. Integrated inventory models considering permissible delay in payment and variant pricing strategy. *Applied Mathematical Modeling* ۳۴, ۳۶-۴۶.
- [۶] Chu H. W. J., ChingChyi Lee (۲۰۰۶) Strategic information sharing in a supply chain. *European Journal of Operational Research* ۱۷۴ ۱۵۶۷-۱۵۷۹
- [۷] Esmaeili M. (۲۰۰۹). Optimal selling price, marketing expenditure and lot size under general demand function. *Int. J. Advanced Manufacturing Technology*. ۴۵:۱۹۱-۱۹۸.
- [۸] Esmaeili, M., Aryanezhad, M.B., Zeephongsekul, P., ۲۰۰۹. A game theory approach in seller-buyer supply chain. *European Journal of Operational Research* ۱۹۵, ۴۴۲-۴۴۸.
- [۹] Esmaeili, M., Zeephongsekul, P., ۲۰۰۹. Seller-buyer models of supply chain management with an asymmetric information structure. *Int. J. Production Economics* .
- [۱۰] Goyal S.K. , ۱۹۷۷. An integrated inventory model for a single supplier-single customer problem. *International Journal of Production Research* ۱۵ (۱), ۱۰۷-۱۱۱.
- [۱۱] Hsiao J.M., Lin C. (۲۰۰۵). A buyer-vendor EOQ model with changeable lead-time in supply chain. *Int. J. Advanced Manufacturing Technology* ۲۶: ۹۱۷-۹۲۱.
- [۱۲] Huang, Z. M., & Li, S. X. (۲۰۰۱). Co-op advertising models in manufacturer-retailer supply chains: A game theory approach. *European Journal of Operational Research*, ۱۳۵(۳), ۵۲۷-۵۴۴.
- [۱۳] Kohli, R., Park, H., ۱۹۹۴. Coordinating buyer-seller transactions across multiple products. *Management Science* ۴۰ (۹), ۴۵-۵۰.
- [۱۴] Kotler, P. (۱۹۷۱). *In market decision making: A model building approach*. New York: Holt RinchartWinston.
- [۱۵] Kelle P., Pamela A. Miller, Asli Y. Akbulut, ۲۰۰۷. Coordinating ordering/shipment policy for buyer and supplier: Numerical and empirical analysis of influencing factors. *Int. J. Production Economics* ۱۰۸, ۱۰۰-۱۱۰.
- [۱۶] Kim S.L., Daesung Ha, ۲۰۰۳. A JIT lot-splitting model for supply chain management: Enhancing buyer-supplier linkage. *Int. J. Production Economics* ۸۶, ۱-۱۰
- [۱۷] Lal R., Staelin R., ۱۹۸۴. An approach for developing an optimal discount pricing policy. *Management Science*, ۳۰, ۱۵۲۴-۱۵۳۹.
- [۱۸] MingmingLeng, MahmutParlar, ۲۰۰۹. Lead-time reduction in a two-level supply chain: Non-cooperative equilibria vs. coordination with a profit-sharing contract. *Int. J. Production Economics* ۱۱۸, ۵۲۱-۵۴۴.



- [۱۹] Monahan J. P., ۱۹۸۴. A quantity discount pricing model to increase vendor profits. *Management Science*, ۳۰(۶), ۷۲۰-۷۲۶.
- [۲۰] Munson, C.L., Rosenblatt, M.J., ۲۰۰۱. Coordinating a three-level supply chain with quantity discounts. *IIE Transactions* ۳۳ (۵), ۳۷۱-۳۸۴.
- [۲۱] Osman M.S., M.A. Abo-Sinna, A.H. Amer, O.E. Emam, ۲۰۰۴. A multi-level non-linear multi-objective decision-making under fuzziness. *Applied Mathematics and Computation* ۱۵۳, ۲۳۹-۲۵۲.
- [۲۲] Rosenblatt M. J., Lee H. L., ۱۹۸۵. Improving profitability with quantity discounts under fixed demand. *IIE Transactions*, ۱۷, ۳۸۸-۳۹۵.
- [۲۳] Wang H. , Min Guo , Janet Efstathiou (۲۰۰۴) A game-theoretical cooperative mechanism design for a two-echelon decentralized supply chain. *European Journal of Operational Research* ۱۵۷, ۳۷۲-۳۸۸
- [۲۴] Weng, Z. K., ۱۹۹۵. Channel coordination and quantity discounts. *Management Science*, ۴۱(۹), ۱۵۰۹-۱۵۲۲
- [۲۵] Yugang Yu, George Q. Huang, Liang Liang, ۲۰۰۹. Stackelberg game-theoretic model for optimizing advertising, pricing and inventory policies in vendor managed inventory (VMI) production supply chains *Computers & Industrial Engineering* ۵۷, ۳۶۸-۳۸۲

پی نوشت ها:

^۱ Multi-Level Programming

^۲ Hierarchal Structure

^۳ Joint Economic lot size (JELS)

^۴ Frequent Deliveries

^۵ Non-Linear

^۶ Total Net Profit

^۷ NP hard